

# Freischaltcode / Rezeptcode – Berechnungsregel Prüfziffer

Stand:	30.07.2020
Gültig ab:	30.07.2020
Version:	1.0.0

---

## Inhaltsverzeichnis

1	Berechnungsregel Prüfziffer	3
	Base32Check1	3
	Beispiele Base32Check1-Prüfsumme.....	3
	Berechnungsbeispiel.....	3
	Voraussetzungen .....	3
	Berechnung.....	3
	Zwischenschritte für gewähltes Beispiel .....	4

---

# 1 Berechnungsregel Prüfziffer

---

## Base32Check1

Für die Base32-Kodierung wird das Alphabet laut RFC 4648, Abschnitt 6 verwendet.

### Beispiele Base32Check1-Prüfsumme

Base32 Encoding	Check Digit
""	'A'
"A"	'A'
"AB"	'Q'
"ABCDEFGHIJKLMNO"	'R'

### Berechnungsbeispiel

Im Folgenden wird die Prüfsumme für die Base32-Kodierung "ABCDEFGHIJKLMNO" (15 Zeichen) berechnet.

### Voraussetzungen

Das gewählte primitive Polynom  $p := \{1, 17, 8, 5, 3\}$  und die entsprechenden Potenzen von  $p^0$  bis  $p^{30}$ .

### Berechnung

Zunächst wird für jedes Zeichen der Base32-Kodierung der 0-basierte Index "A" im Base32-Alphabet berechnet. Entsprechend beginnend mit 0 für den Buchstaben "A" und endend mit 31 für die Ziffer 7:

Base32-Zeichen	Index
A	0
...	...
Z	25
2	26
...	...
7	31

Für jede Position  $i$  im 0-basierten Index der Base32-Kodierung wird die Formel  $j := (i + 1) \bmod 31$  berechnet. Im gewählten Beispiel gilt  $a = i$ . Als nächstes wird für jedes Tupel  $(a, j)$  die Matrixmultiplikation  $v := (a) * p^j$  berechnet. Bei  $p^j$  handelt es sich um eine Matrixpotenz. Von dem sich aus der Matrixmultiplikation ergebenden Vektor  $v$  wird nur das erste Skalar verwendet. Der Skalarindex beginnt wieder mit 0, also  $v_0$ .

**Zwischenschritte für gewähltes Beispiel**

Base32-Zei- chen	a = i	j	v0
A	0	1	0
B	1	2	6
C	2	3	23
D	3	4	21
E	4	5	11
F	5	6	29
G	6	7	18
H	7	8	13
I	8	9	29
J	9	10	31
K	10	11	15
L	11	12	14
M	12	13	21
N	13	14	15
O	14	15	8

Im nächsten Schritt werden die sich ergebenden  $v_0$ -Werte XOR verknüpft. Für das gewählte Beispiel ergibt sich  $s = 28$ . Als nächstes wird die Länge der Base32-Kodierung  $l$  zu einem weiteren Index verarbeitet:  $k := (30 - l) \bmod 31$ . Falls das Ergebnis negativ ist, wird einfach  $31$  dazu addiert. Für das gewählte Beispiel ergibt sich  $k = 15$ . Als nächstes wird wieder die Matrixmultiplikation  $v := (s) * p^k$  berechnet, und wieder wird nur das erste Skalar  $v_0$  davon verwendet. Für das gewählte Beispiel ergibt sich  $v_0 = 17$ . Zu guter Letzt wird das Prüfzeichen an dieser Indexposition im Base32-Alphabet herausgesucht. Für das gewählte Beispiel ergibt sich damit das Prüfzeichen **R**.